

## А. Фокуси Зеника

Обмеження: 2 сек., 256 MiB

Зеник дуже любить фокуси. Сьогодні він прийшов на обласну олімпіаду розважати учасників перед початком змагань.

Улюблений фокус Зеника складається аж з 10 кроків:

1. Просить когось загадати число  $x$  і сказати його.
2. Підносить  $x$  до квадрату.
3. Додає до результату число 4.
4. Множить результат на 14.
5. Ділить на 7.
6. Віднімає 8.
7. Множить на 50.
8. Бере корінь квадратний.
9. Додає 47.
10. Віднімає  $10 \cdot x$ .

Стільки дій — аж голова йде обертом.

Наприкінці фокусу, Зеник гордо каже число  $y$  — результат усіх операцій.

Але от халепа, Зеник перед фокусом хильнув забагато соку. У нього з'явилися сумніви, чи не помилився він десь.

Допоможіть йому й скажіть, чи вдався його фокус.

## Вхідні дані

В одному рядку задано два цілі числа  $x$  та  $y$  — початкове число й результат Зеникового фокусу.

## Вихідні дані

У єдиному рядку виведіть `Magic`, якщо у Зеника вийшов фокус, або `Too much juice` в іншому разі.

Зауважте, що вивід не повинен містити ніякої зайвої інформації та має чітко відповідати формату описаному в цій секції умови.

## Обмеження

$$0 \leq x, y \leq 10^3.$$

## Приклади

Вхідні дані ( <i>stdin</i> )	Вихідні дані ( <i>stdout</i> )
47 47	Magic
4 7	Too much juice

## В. Цукерочки на олімпіаду

Обмеження: 2 сек., 256 МіБ

Перед сьогоднішньою олімпіадою Марічка зайшла в магазин солодошів «Рошан». Вона вірить, що цукерочки допоможуть їй краще й швидше розв'язувати задачі.

У магазині є  $n$  видів цукерочок. Солодкість цукерочок  $i$ -ого виду становить  $a_i$ .

У Марічки є гроші лише на два види цукерочок, адже вона допомагає Алготестеру збирати на дрони для ЗСУ.

Марічка думає, що якщо вона їстиме на олімпіаді цукерочки спочатку  $i$ -ого, а потім  $j$ -ого виду, то їхня ефективність для розв'язування задач становитиме  $(a_i + j) - (a_j + i)$ . Зауважте, що порядок з'їдання важливий. Якщо їсти в іншому порядку — спершу цукерочки  $j$ -ого виду, а потім  $i$ -ого, то ефективність може відрізнятись.

Якої найбільшої ефективності може досягнути Марічка, придбавши цукерочки двох видів?

### Вхідні дані

У першому рядку задано ціле число  $n$  — кількість видів цукерочок.

У наступному рядку задано  $n$  цілих чисел  $a_i$  — солодкість цукерочок  $i$ -ого виду.

### Вихідні дані

У єдиному рядку виведіть найбільшу ефективність цукерочок.

### Обмеження

$$2 \leq n \leq 4 \cdot 10^5,$$

$$1 \leq a_i \leq 10^9.$$

Оцінювання задачі складається з таких блоків:

1 бал — приклад з умови,

19 балів —  $n \leq 1000$ ,

5 балів — без додаткових обмежень.

Бали за блок ви отримаєте лише якщо дасте правильну відповідь на **всі** тести з блоку.

### Приклади

Вхідні дані ( <i>stdin</i> )	Вихідні дані ( <i>stdout</i> )
5 4 5 2 7 44	40

### Примітки

У прикладі Марічка може вибрати  $i = 5$  і  $j = 3$ . Тоді ефективність цукерочок становитиме  $(a_5 + 3) - (a_3 + 5) = (44 + 3) - (2 + 5) = 40$ .

## С. Нудне відкриття

*Обмеження: 2 сек., 256 МіБ*

Зеник з Марічкою — бувалі учасники олімпіад з інформатики. Вони беруть у них участь ще з тих часів, коли трава була зеленішою, довга арифметика популярнішою, а вас, дорогі дітки, не було на світі. На скільки контестів вони з'їздили ніхто точно й не скаже — вони збилися з рахунку після сорока семи.

Перед кожним солідним змаганням, у якому беруть участь Зеник і Марічка, відбувається відкриття. Сьогоднішня обласна олімпіада — не виняток.

Сьогодні наша пара разом з усіма прийшла на відкриття олімпіади. Тут організатори звертаються з вітальним словом до учасників і їхніх вчителів, розказують правила, повідомляють, які компілятори є на Алготестері, а яких нема — нічого цікавого для таких досвідчених програмістів. Тому Зеник, щоб не померти від нудьги, склав задачу та дав її розв'язати Марічці.

Задано масив  $a$  з  $n$  цілих чисел. Потрібно відповісти на  $q$  запитів: скільки є непорожніх підвідрізків з нульовою сумою на відрізку  $[l, r]$ .

Не встигла й завершитися вітальна частина відкриття, як Марічка придумала розв'язок до задачі.

Вам же треба не лише придумати розв'язок, а й написати програму. Уперед!

## Вхідні дані

У першому рядку задано ціле число  $n$  — розмір масиву.

У другому рядку записано  $n$  цілих чисел  $a_i$  — елементи масиву.

Третій рядок містить ціле число  $q$  — кількість запитів.

У кожному з наступних  $q$  рядків записано по два цілих числа  $l$  та  $r$  — межі відрізка, для якого треба відповісти на запит.

## Вихідні дані

Виведіть  $q$  цілих чисел в окремих рядках — відповіді на всі запити.

## Обмеження

$$1 \leq n \leq 500,$$

$$|a_i| \leq 10,$$

$$1 \leq q \leq 1000,$$

$$1 \leq l \leq r \leq n.$$

Оцінювання задачі складається із наступних блоків:

1 бал — приклад з умови,

14 балів —  $n \leq 100$ ,

10 балів — без додаткових обмежень.

Бали за блок ви отримаєте лише якщо дасте правильну відповідь на **всі** тести з блоку.

## Приклади

Вхідні дані ( <i>stdin</i> )	Вихідні дані ( <i>stdout</i> )
5 -2 3 1 -2 1 3 1 5 2 4 3 5	2 0 1

## Примітки

- Відрізок  $[1, 5]$  містить два підвідрізки з нульовою сумою: підвідрізок  $[1, 4]$  ( $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = -2 + 3 + 1 + (-2) = 0$ ) і підвідрізок  $[3, 5]$  ( $a_3 + a_4 + a_5 = 1 + (-2) + 1 = 0$ ).
- Відрізок  $[2, 4]$  не містить жодного підвідрізка з нульовою сумою.
- Відрізок  $[3, 5]$  містить один підвідрізок з нульовою сумою — самого себе.

## D. Турнірна таблиця обласної олімпіади

Обмеження: 2 сек., 256 MiB

Олімпіада в самому розпалі — фаворит змагання Зеник встиг розв'язати кілька задач, але запекла боротьба тільки попереду.

Учасники олімпіади на Алготестері бачать тільки свій результат, але не знають, скільки балів набрали інші. А от організатори можуть спостерігати повну картину — їм видно турнірну таблицю.

В олімпіаді беруть участь  $n$  людей, пронумерованих від 1 до  $n$ . Зеник виступає під номером 1.

Порядок учасників у турнірній таблиці заданий перестановкою  $p$  чисел від 1 до  $n$ . На першому місці в таблиці розташований учасник номер  $p_1$ , на другому місці — учасник  $p_2$  і т. д.

Під час олімпіади відбулося  $q$  подій. Події бувають трьох типів:

- Задано  $t_i = 1, k_i$ . Зеник розв'язує задачу й обганяє  $k_i$  учасників над ним в турнірній таблиці.
- Задано  $t_i = 2, x_i$ . Учасник з номером  $x_i$  обганяє одного учасника над собою.
- Задано  $t_i = 3, x_i$  та  $k_i$ . Організаторів олімпіади, які прикували погляди до таблиці, цікавить сума номерів  $k_i$  учасників, що розташовані безпосередньо над учасником з номером  $x_i$ .

Організатори п'ють чай і не хочуть нічого рахувати самостійно. Допоможіть їм відповісти на їхні запитання.

### Вхідні дані

У першому рядку задано одне ціле число  $n$  — кількість учасників.

У наступному рядку задано  $n$  цілих чисел  $p_i$ , що задають початковий порядок учасників у турнірній таблиці.

У наступному рядку задано одне ціле число  $q$  — кількість подій під час олімпіади.

У наступних  $q$  рядках задано події.

Якщо подія першого типу, то задано два цілі числа  $t_i = 1$  та  $k_i$  — тип події та кількість учасників, яких пережене Зеник. Перед Зеником є хоча б  $k_i$  учасників.

Якщо подія другого типу, то задано два цілі числа  $t_i = 2$  та  $x_i$  — тип події та номер учасника, який пережене учасника над ним. Учасник  $x_i$  не є першим.

Якщо подія третього типу, то задано три цілі числа  $t_i = 3, x_i$  та  $k_i$  — тип події, номер учасника та кількість над ним, яка цікавить організаторів олімпіади. Перед учасником з номером  $x_i$  є хоча б  $k_i$  учасників.

### Вихідні дані

На кожен запит третього типу — виведіть суму номерів  $k_i$  учасників над учасником з номером  $x_i$ .

### Обмеження

$$2 \leq n, q \leq 10^6,$$

$$1 \leq p_i \leq n, \text{ усі } p_i \text{ різні,}$$

$$1 \leq k_i \leq n - 1, 1 \leq x_i \leq n,$$

серед подій є хоча б одна подія третього типу.

Оцінювання задачі складається із наступних блоків:

1 бал — приклад з умови,

- 4 бали — є запити тільки третього типу,
- 10 балів — є запити тільки другого та третього типів,
- 10 балів — без додаткових обмежень.

Бали за блок ви отримаєте лише якщо дасте правильну відповідь на **всі** тести з блоку.

## Приклади

Вхідні дані ( <i>stdin</i> )	Вихідні дані ( <i>stdout</i> )
3	2
2 3 1	3
10	5
3 3 1	4
2 3	2
3 2 1	3
3 1 2	
1 2	
3 2 2	
2 3	
2 2	
3 1 1	
3 2 1	

## Е. Не тягніть інтригу

Обмеження: 2 сек., 256 МіБ

Олімпіада завершилася — напружені чотири години позаду. Школярі діляться своїми враженнями та розв'язками з учителями та суперниками. Та найцікавіше їм дізнатися, скільки балів набрали інші учасники, щоб оцінити свої шанси потрапити на відбір на Всеукраїнську учнівську олімпіаду з інформатики. Турнірна таблиця, звісно, стає доступною не відразу після змагань. Учасники дружно йдуть на закриття, щоб там почути результати.

Нехай  $n$  — кількість учасників олімпіади. Вони мають номери від 1 до  $n$ . Тоді турнірну таблицю можна подати перестановкою  $p$  чисел від 1 до  $n$ . Переможцем олімпіади є учасник з номером  $p_1$ , друге місце зайняв учасник  $p_2$ , почесна бронза в учасника  $p_3$ , щасливе четверте місце в учасника  $p_4$  і т. д.

Замість того, щоб одразу повідомити учасникам перестановку  $p$ , організатори хочуть підіграти цікавість юних алгоритмістів і ще трошки потягнути інтригу. Вони порахували масив  $a$  з  $n$  елементів, де елемент  $a_k$  — це кількість інверсій на префіксі довжини  $k$ . Цей масив вони й покажуть на проекторі на закритті.

Формально для кожного  $k$  вам відомо кількість пар індексів  $(i, j)$  таких, що  $1 \leq i < j \leq k$  і  $p_i > p_j$  — кількість інверсій на префіксі довжини  $k$ .

Зеник і Марічка легко змогли відновити всю перестановку  $p$  за заданою інформацією. А ви зможете?

### Вхідні дані

У першому рядку задано ціле число  $n$  — кількість учасників олімпіади.

Другий рядок містить  $n$  цілих чисел  $a_k$  — елементи масиву  $a$ , який організатори повідомили учасникам на закритті.

### Вихідні дані

В одному рядку виведіть  $n$  цілих чисел  $p_i$  — перестановку учасників у турнірній таблиці.

### Обмеження

$$1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5,$$

організатори ніколи не помиляються, а отже гарантовано правильно порахували елементи масиву  $a$ .

Оцінювання задачі складається із наступних блоків:

1 бал — приклад з умови,

9 балів —  $n \leq 10^3$ ,

15 балів — без додаткових обмежень.

Бали за блок ви отримаєте лише якщо дасте правильну відповідь на **всі** тести з блоку.

### Приклади

Вхідні дані ( <i>stdin</i> )	Вихідні дані ( <i>stdout</i> )
5 0 1 2 4 7	5 1 4 3 2

## Примітки

У прикладі  $p = (5, 1, 4, 3, 2)$ .

Пара  $(3, 4)$  є інверсією, бо  $3 < 4$  і  $p_3 > p_4$  ( $p_3 = 4, p_4 = 3$ ). Пара  $(2, 5)$  не є інверсією, бо  $p_2 < p_5$  ( $p_2 = 1, p_5 = 2$ ).

Усього в перестановці є сім інверсій:  $(1, 2)$ ,  $(1, 3)$ ,  $(1, 4)$ ,  $(1, 5)$ ,  $(3, 4)$ ,  $(3, 5)$ ,  $(4, 5)$ .

- Префікс  $(5)$  не містить жодної інверсії.
- Префікс  $(5, 1)$  містить одну інверсію  $(1, 2)$ .
- Префікс  $(5, 1, 4)$  містить дві інверсії  $(1, 2)$  та  $(1, 3)$ .
- Префікс  $(5, 1, 4, 3)$  містить чотири інверсії  $(1, 2)$ ,  $(1, 3)$ ,  $(1, 4)$ ,  $(3, 4)$ .
- Уся перестановка містить сім інверсій.



## Ф. Цукерочки для друзів

Обмеження: 4 сек., 1024 MiB

Зеник з Марічкою вирішили запросити друзів у гості після виснажливої олімпіади до своїх апартаментів та пригостити їх цукерочками.

У них є  $n$  друзів-алгоритмістів. Деякі з них настільки затяті, що не полишають розв'язування задач ні вдень, ні вночі, і будуть сьогодні писати AtCoder Regular Contest. Вони не знають точної кількості друзів, які планують писати це змагання (і не прийдуть через це у гості). Проте вони знають, що таких друзів буде хоча б один, але не більше ніж  $k$ . Тобто прийняти запрошення Зеника з Марічкою можуть  $n - 1$ ,  $n - 2$ , ..., або  $n - k$  друзів.

Зеник з Марічкою повинні справити на гостей щонайкраще враження. Вони хочуть купити цукерочки так, аби порівну поділити їх між друзями, скільки б їх не зібралось. Зауважте, що вони не можуть залишити деякі цукерочки собі або роздати їх не порівну, адже це суперечитиме правилам етикету. Тому вони куплять рівно  $\text{НСК}(n - 1, n - 2, \dots, n - k)$  цукерок.

Після того, як Зеник з Марічкою купили цукерочки, вони помітили, що вони цю кількість можуть розділити на всіх  $n$  друзів.

Вам відоме значення  $k$ , але кількість друзів  $n$  ви не знаєте. Порахуйте, скільки існує таких значень  $n$ , що задовольняють умову. Формально, потрібно порахувати кількість натуральних чисел  $n > k$  таких, що  $\text{НСК}(n - 1, n - 2, \dots, n - k)$  ділиться націло на  $n$ . Оскільки ця кількість може бути дуже великою, слід обчислити остачу від ділення її на просте число 998244353.

Зеник і Марічка хочуть, щоб усе пройшло ідеально, тому розглядають  $t$  різних значень  $k$ , для кожного з яких вони просять вас незалежно розв'язати задачу.

### Вхідні дані

У першому рядку задано одне ціле число  $t$  — кількість запитів.

У наступному рядку задано  $t$  цілих чисел  $k$ , для кожного з яких треба розв'язати задачу.

### Вихідні дані

У єдиному рядку виведіть  $t$  цілих чисел — відповіді на відповідні запити, тобто кількість цілих чисел  $n$ , для яких  $\text{НСК}(n - 1, n - 2, \dots, n - k)$  ділиться націло на  $n$  за модулем 998244353.

### Обмеження

$$1 \leq t \leq 10^5,$$

$$1 \leq k \leq 10^7.$$

Оцінювання задачі складається із наступних блоків:

1 бал — приклад з умови,

4 бали —  $t = 1, k \leq 20$ ,

10 балів —  $t = 1, k \leq 10^7$ ,

10 балів — без додаткових обмежень.

Бали за блок ви отримаєте лише якщо дасте правильну відповідь на **всі** тести з блоку.

### Приклади

Вхідні дані ( <i>stdin</i> )	Вихідні дані ( <i>stdout</i> )
2 4 101	2 322961306

## Примітки

$\text{НСК}(n-1, n-2, \dots, n-k)$  — це найменше спільне кратне, тобто найменше натуральне число, що ділиться націло на  $n-1, n-2, \dots, n-k$ .

Для  $k=4$  умову задовольняють  $n=6$  і  $n=12$ .

- $\text{НСК}(5, 4, 3, 2) = 60$  ділиться на 6.
- $\text{НСК}(11, 10, 9, 8) = 3960$  ділиться на 12.

Для  $k=101$  відповідь  $322961306 \equiv 1321205659 \pmod{998244353}$ .

## Г. Цукерочки на столі

Обмеження: 6 сек., 1024 MiB

Після змагань Зеник і Марічка в себе вдома жваво обговорювали задачі та їли цукерочки з друзями. Коли вони наїлися цукерочок досхочу й усі поділилися своїми розв'язки до задач із сьогоднішньої олімпіади, то Марічка придумала ще одну задачу.

Спершу вона розкладає  $n$  цукерочок на столі.  $i$ -у цукерочку Марічка ставить у точку з координатами  $(x_i, y_i)$ .

Після цього вона робить  $q$  дій. Кожна дія — це або поставити ще одну цукерочку на стіл у точку з координатами  $(x_j, y_j)$ , або забрати останню додану цукерочку. Після кожної дії треба знайти мінімальну відстань між будь-якими двома цукерочками на столі.

### Вхідні дані

У першому рядку задано два цілих числа  $n$  і  $q$  — кількість цукерочок, які Марічка спочатку ставить на стіл і кількість дій, які вона робить після цього.

У наступних  $n$  рядках задано по два цілих числа  $x_i$  та  $y_i$  — координати  $i$ -ої цукерочки.

У наступних  $q$  рядках описано дії Марічки. Дія додавання цукерочки на стіл описана рядком 1  $x_j$   $y_j$ , а дія забирання останньої доданої цукерочки описана одним числом 0.

Марічка ніколи не буде забирати цукерочки, які початково були на столі, а також ставити цукерочку у вже зайняту координату.

### Вихідні дані

Виведіть  $q$  дійсних чисел в окремих рядках — відповідь на задачу після кожної дії Марічки. Відповідь уважатиметься правильною, якщо її абсолютна або відносна похибка не перевищує  $10^{-7}$ .

### Обмеження

$$1 \leq n, q \leq 10^5,$$

координати цукерочок невід'ємні та не перевищують  $10^6$ .

Оцінювання задачі складається із наступних блоків:

1 бал — приклад з умови,

9 балів —  $n, q \leq 10^3$ ,

15 балів — без додаткових обмежень.

Бали за блок ви отримаєте лише якщо дасте правильну відповідь на **всі** тести з блоку.

## Приклади

Вхідні дані ( <i>stdin</i> )	Вихідні дані ( <i>stdout</i> )
3 5	5.000000000
1 3	2.236067977
4 7	5.000000000
8 3	3.000000000
1 9 8	2.000000000
1 6 4	
0	
1 4 4	
1 6 4	

## Примітки

Спочатку Марічка ставить три цукерочки в точки з координатами (1, 3), (4, 7) і (8, 3). Після цього відбуваються п'ять дій.

- Марічка ставить цукерочку в точку (9, 8). Відстань між точками (1, 3) і (4, 7) дорівнює  $\sqrt{(4-1)^2 + (7-3)^2} = 5$ . Це найменша відстань серед усіх пар цукерочок на столі.
- Марічка ставить цукерочку в точку (6, 4). Найменша відстань досягається між цукерочками в точках (4, 7) і (6, 4) і дорівнює  $\sqrt{5}$ .
- Марічка забирає цукерочку з точки (6, 4). Найменша відстань знов досягається між точками (1, 3) і (4, 7) і дорівнює 5.
- Далі вона ставить цукерочку в точку (4, 4). Тепер найменша відстань — це відстань між точками (4, 4) і (4, 7).
- Після додавання цукерочки в точку (6, 4) мінімальна відстань досягається між точками (4, 4) і (6, 4).